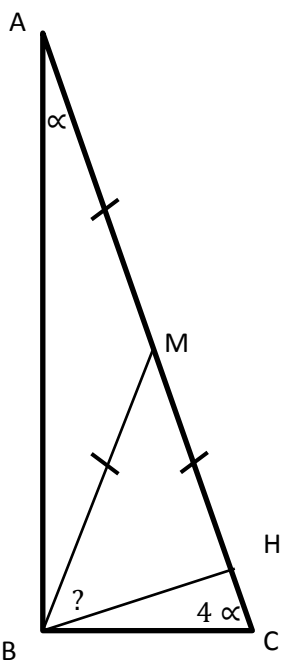


1. $A_1(-3; -8)$ – точка, симметричная точке A относительно оси Oy;
 $A_2(-3; 8)$ – точка, симметричная точке A относительно начала координат, точки $O(0; 0)$;
 $A_3(3; 8)$ – точка, симметричная точке A относительно оси Ox.
 $AA_1A_2A_3$ – прямоугольник.



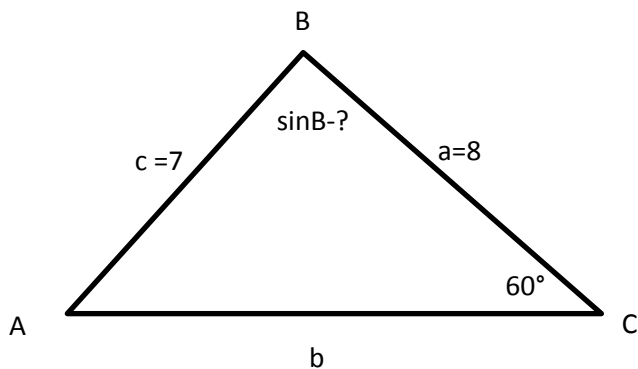
2. В $\triangle ABC$: $\angle A = \alpha$, $\angle B = 90^\circ$, $\angle C = 4\alpha$
 Сумма углов треугольника равна 180° :
 $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$
 $\alpha + 90^\circ + 4\alpha = 180^\circ$
 $5\alpha = 90^\circ$
 $\alpha = 18^\circ$

Медиана BM , проведенная из прямого угла ABC равна половине гипотенузы AC , следовательно, треугольник BMC – равнобедренный с основанием BC . В равнобедренном треугольнике углы при основании равны:

$$\begin{aligned} \angle MBC &= \angle MCB = 4\alpha \\ \angle BMC &= 180^\circ - 8\alpha \end{aligned}$$

$\triangle BHM$ – прямоугольный ($BH \perp AC$):

$$\begin{aligned} \angle BHM &= 90^\circ \\ \angle BMH &= \angle BMC = 180^\circ - 8\alpha \\ \angle MBH &= 180^\circ - \angle BHM - \angle BMH \\ \angle MBH &= 180^\circ - 90^\circ - (180^\circ - 8\alpha) \\ \angle MBH &= 8\alpha - 90^\circ = 8 \cdot 18^\circ - 90^\circ = 144^\circ - 90^\circ = 54^\circ. \end{aligned}$$



3. По теореме косинусов:

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cdot \cos C$$

$$7^2 = 8^2 + b^2 - 16b \cdot \frac{1}{2}$$

$$b^2 - 8b + 15 = 0$$

Решая квадратное уравнение, находим: $b_1 = 3$, $b_2 = 5$.
 Значение $b_1 = 3$ не удовлетворяет условию $b > 4$, значит $b = 5$.

По теореме синусов:

$$\frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}, \quad \sin B = \frac{b \cdot \sin C}{c} = \frac{5 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}}{7} = \frac{5\sqrt{3}}{14}.$$